

1 次の()にあてはまる適当な数や座標を答えなさい。

関数 $y = x^2$ のグラフ上に y 座標の等しい2点 A, Bがあり, この2点からそれぞれ x 軸に垂線 AD, BCをひいて長方形 ABCDをつくる。点 Aの x 座標が3のとき, 長方形 ABCDの周りの長さを求めなさい。

〔解法〕 点 Aの座標は, (㉞)だから,

AD = (㉟)

CD = 2OD = (㊱)

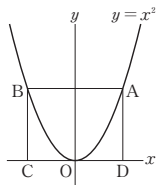
よって, 長方形 ABCDの周りの長さは,

$2(AD + CD) = (㊲)$

 2点

 2点

 2点

 2点


2 関数 $y = ax^2$ について, 次の(1)~(4)の場合の a の値をそれぞれ求めなさい。

(1) グラフが, 右の図の放物線になる。

 6点

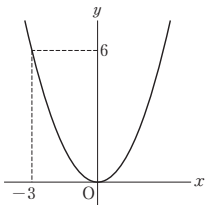
(2) x の変域が $-3 \leq x \leq 2$ のとき, y の変域が $0 \leq y \leq 18$ である。

 6点

(3) x の値が -3 から -2 まで増加するとき, 変化の割合が15である。

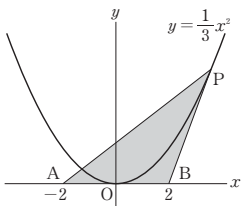
 6点

(4) x の値が3から5まで増加するときの変化の割合が, $y = -4x + 1$ の変化の割合と等しい。

 6点


3 $y = \frac{1}{3}x^2$ のグラフ上の点 P, および点 A(-2, 0), B(2, 0)を頂点とする $\triangle PAB$ の面積を S とする。 $S = 24$ のときの P の座標を求めなさい。

□

 10点


4 右の図のように, 関数 $y = x^2$ のグラフ上に2点 A, Bがあり, x 座標はそれぞれ $-3, 4$ である。次の問いに答えなさい。

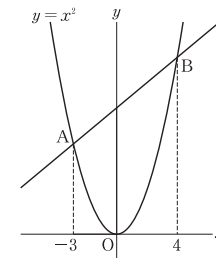
(1) 直線 ABの式を求めなさい。

 8点

(2) $\triangle OAB$ の面積を求めなさい。

 8点

(3) y 軸上に点 P をとり, $\triangle PAB$ の面積が $\triangle OAB$ の面積の $\frac{1}{2}$ になるようにする。このときの点 P の座標をすべて求めなさい。

 8点


5 右の図のように, 関数 $y = x^2$ のグラフ上に2点 A, B, 関数 $y = -3x^2$ のグラフ上に2点 C, Dをとり, 4辺が座標軸に平行であるような長方形 ABCDをつくる。ただし, Aの x 座標は正である。次の問いに答えなさい。

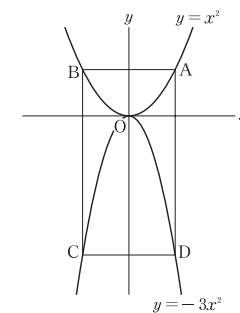
(1) Aの x 座標が1のとき, 辺 ADの長さを求めなさい。

 8点

(2) 四角形 ABCDが正方形になるとき, 点 Aの座標を求めなさい。

 8点

(3) 四角形 ABCDの周りの長さが40になるとき, 点 Aの座標を求めなさい。

 8点


6 右の図のグラフは放物線であり, 方眼の1目もりの長さを1とすれば, グラフの式は $y = x^2$ である。

方眼の1目もりの長さを変えることで, このグラフの式が $y = 2x^2$ を表すことがあるかどうかを調べなさい。

 10点
